



دخترچه سوارات به همراه پاسفنامه تشریحی مرحله دوم دومین دوره‌ی امید فیزیک سال ۱۳۹۳

مدت آزمون (دقیقه)	تعداد سوالات	
	مسأله‌های تشریحی	سوالات چند گزینه‌ای
۲۴۰	۸	--


استفاده از ماشین حساب مجاز است.

توضیحات مهم


تذکرات آزمون:

- ضمن آرزوی موفقیت برای شما دانش‌پژوه گرامی، خواهشمند است قبل از پاسخ به سؤالات آزمون به موارد زیر توجه کنید:
- این آزمون شامل **۸ مسأله تشریحی** و وقت آن **۲۴۰ دقیقه** است.
- نمره‌ی هر سوال در ابتدای آن نوشته شده است.
- استفاده از ماشین حساب در این آزمون مجاز است.
- همراه داشتن تلفن همراه (حتی خاموش) در طول زمان آزمون مجاز نیست.
- فقط داوطلبانی می‌توانند دفترچه‌ی سؤالات را با خود ببرند که تا پایان آزمون در جلسه حضور داشته باشند.
- جمع‌آوری و آماده‌سازی دفترچه‌ی سؤالات این آزمون توسط **کمیته‌ی علمی ماخ** انجام شده است.


طرح از: آقای محمود زاده

- ۱- ماه  برای اندازه‌گیری جرم حجمی گلوله‌های شیشه‌ای، آزمایشی در ۳ مرحله به صورت زیر ترتیب داده‌ایم. در مرحله اول یک بطری به جرم $265g$ را پر از گلوله‌های شیشه‌ای کرده‌ایم. جرم آن $615g$ شده است. در مرحله بعد روی گلوله‌ها آب ریخته و بطری را پر کرده‌ایم. در این حالت جرم مجموعه $970g$ شده است. در مرحله آخر گلوله‌ها را خارج کرده و بطری را پر از آب می‌کنیم. در این حالت جرم آن $760g$ اندازه‌گیری شده است. با توجه به اینکه جرم حجمی آب $1g/cm^3$ می‌باشد. مطلوب است:
- (الف) حجم داخلی بطری (V_1)
 (ب) حجم گلوله‌ها (V_2)
 (ج) جرم حجمی گلوله‌ها شیشه‌ای (ρ)


طرح از: آقای دکتر شیرزاد

- ۲- ماه  الف) وقتی شیر آب باز است و به طور منظم از آن آب می‌ریزد، چرا قطر باریکه آب از بالا به پایین به تدریج کم می‌شود؟
 ب) فرض کنید از شیر آبی که قطر دهانه آن $1cm$ است، آب با سرعت $1m/s$ بیرون می‌آید. اگر شیر آب در ارتفاع $75cm$ از سطح زمین باشد، قطر باریکه آب در سطح زمین چقدر خواهد بود؟ ($g = 10m/s^2$)


طرح از: دکتر کریمپور

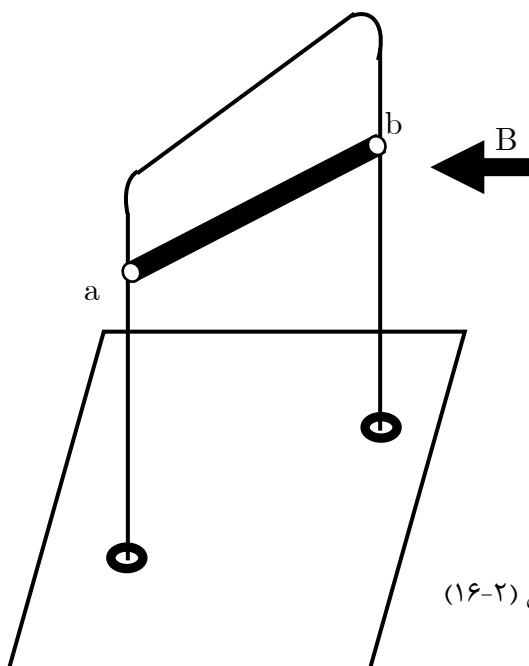
- ۳- ماه  سطح کره زمین دارای بار الکتریکی منفی به چگالی سطحی تقریبی 9×10^{-11} کولن بر مترمربع است. از طرف دیگر، همراه قطرات باران دائماً بارهای الکتریکی مثبت از جو به زمین می‌آیند، به طوریکه بر هر مترمربع از سطح زمین جریان متوسطی به اندازه 10^{-12} آمپر وارد می‌شود.
- الف) حساب کنید چه مدت طول می‌کشد تا بار الکتریکی زمین خنثی شود.
 ب) بار الکتریکی زمین عملاً ثابت است، زیرا کاهش آن به وسیله صاعقه‌ها جبران می‌شود. در شبانه‌روز به طور متوسط 40000 صاعقه در کل سطح زمین رخ می‌دهد. حساب کنید هر صاعقه به طور متوسط چه مقدار بار منفی به زمین منتقل می‌کند. شعاع کره زمین $6400km$ است. (در این قسمت محاسبات تقریبی کافی است)

طرح از: آقای محمودزاده

- ۴- ماه  لوله باریکی به طول $30cm$ را تا نصف طولش در جیوه فرو برده و سپس انتهای آن را با انگشت بسته، از ظرف جیوه خارج می‌کنیم. اگر فشار هوای خارج $70cmHg$ باشد
- الف) ارتفاع جیوه باقی مانده در لوله چقدر است؟
 ب) اگر لوله را وارونه کنیم به قسمی که دهانه باز آن به طرف بالا باشد، ارتفاع هوای زیر جیوه چقدر می‌شود؟

طرح از: آقای دکتر شیرزاد

- ۵- ماه  یک میله هادی بدون مقاومت به شکل \cap را به طور قائم در زمین نصب کرده‌ایم.
- (به شکل ۲-۱۶ نگاه کنید) میله دیگری به طول l ، جرم m و مقاومت الکتریکی R قادر است و به کمک حلقه‌های بدون اصطکاک در امتداد قائم روی میله قبلی حرکت کند، به طوری که اتصال آن همیشه برقرار بماند. میدان مغناطیسی یکنواخت و افقی B نیز در امتداد عمود بر سطح مدار برقرار است.
- الف) میله را از قسمت بالای مدار رها می‌کنیم تا بر اثر وزن خود سقوط کند. در ابتدا سرعت میله افزوده می‌شود، اما سرانجام به سرعت ثابتی موسوم به سرعت حد می‌رسد و با آن سرعت به پایین می‌آید. علت این امر را حداکثر در ۴ سطر بیان کنید.
 ب) پس از آنکه میله به سرعت حد رسید، اندازه و جهت شدت جریان القایی در میله و نیز اندازه سرعت حد را تعیین کنید.



شکل (۲-۱۶)

ج) فرض کنید پس از رسیدن به سرعت حد، میله در طی مدت زمان t به اندازه h پایین بیاید. با محاسبه نشان دهید اندازه پتانسیل جاذبه‌ای که میله از دست می‌دهد با اندازه انرژی گرمایی تولید شده در آن برابر است.

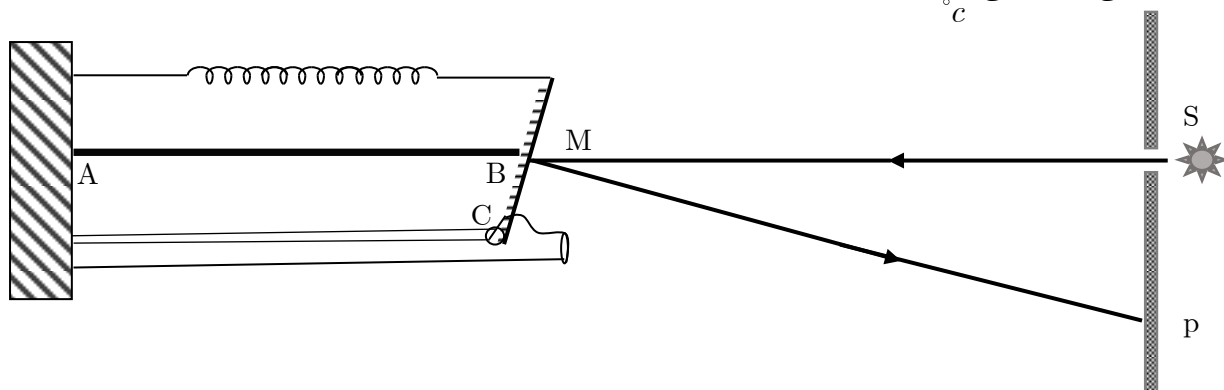
طرح از: آقای دکتر شیرزاد

۶- دستگاه شکل (۲-۱۷)، یک وسیله اندازه‌گیری دماست. در این دستگاه، انبساط میله آلومینیومی AB که طول آن در دمای صفر درجه سلسیوس برابر 40 cm است، باعث می‌شود آینه M حول لولای C چرخیده و باریکه نوری که از چشمه S بر آن می‌تابد را منعکس کند. در نتیجه بر روی پرده F نقطه p روشن می‌شود. دستگاه چنان است که در دمای صفر درجه سلسیوس سطح آینه بر میله و باریکه نور تابیده عمود است و فاصله BC برابر 2 cm است.

الف) فرض کنید روی پرده F محل نقطه روشن p را حداکثر با دقت 0.5 cm بتوان تعیین کرد. فاصله پرده از آینه چقدر باشد تا خطای دستگاه در اندازه‌گیری دما حداکثر یک درجه سلسیوس باشد.

ب) حداکثر در ۳ سطر توضیح دهید که برای بالا بردن دقت دستگاه چه کارهایی می‌توان کرد؟

(ضریب انبساط طولی آلومینیومی $\frac{1}{c} \times 10^{-5} / ^\circ\text{C}$ است)



شکل (۲-۱۷)

طرح از: آقای دکتر شیرزاد

۷- دو خازن به ظرفیت‌های C_1 و C_2 را که قبلاً به اندازه q_1 و q_2 پر شده‌اند، طوری به هم می‌بندیم که صفحات همنام به هم متصل شوند. بدون محاسبه و با استدلال فیزیکی (حداکثر در ۴ سطر) توضیح دهید که انرژی نهایی دست-گاه نسبت به انرژی اولی - خازن‌ها چه تغییری می‌کند؟
 (ب) نتیجه‌ای را که در قسمت الف به آن رسیده‌اید با محاسبه ریاضی نشان دهید.

طرح از: آقای محمودزاده

۸- در یکی از انواع دوربین‌هایی که برای دیدن مناظر روی زمین به کار می‌رود، به جای عدسی همگرای چشمی، از عدسی واگرا استفاده شده و فاصله آن از عدسی همگرای شیئی طوری انتخاب می‌شود که آخرین تصویر نسبت به جسم مستقیم دیده می‌شود. به این دوربین، دوربین گالیله گفته می‌شود.
 اگر چشم ناظر را چسبیده به عدسی چشمی فرض کنیم و فاصله کانونی عدسی‌های شیئی و چشمی به ترتیب f_1 و f_2 و آخرین تصویر در حداکثر رویت چشم ناظر D باشد.
 الف) شکلی رسم کنید که مسیر پرتوهای نور در این دوربین و طرز تشکیل تصویر در آن را در حالت فوق نشان دهد.
 ب) درشتنمایی آن را محاسبه کنید. (توجه کنید که بزرگی زاویه‌ای جسم و تصویر کوچک هستند)
 ج) نشان دهید که اگر چشم ناظر سالم باشد درشتنمایی دوربین از رابط $G = \frac{f_1}{f_2}$ محاسبه می‌شود.

۱- معلومات مسئله چنین است:

$$\text{جرم بطری} = 265g$$

$$\text{جرم بطری و گلوله‌های شیشه‌ای} = 615g$$

$$g = 970 = \text{جرم بطری و گلوله‌های شیشه‌ای و آب}$$

$$g = 760 = \text{جرم بطری پر از آب}$$

$$g = 350 = 615 - 265 = \text{جرم گلوله‌های شیشه‌ای}$$

$$g = 495 = 760 - 265 = \text{جرم آب هم حجم بطری}$$

$$\text{حجم بطری} = v_1 = \frac{495}{1} = 495cm^3$$

$$g = 355 = 970 - 615 = \text{جرم آب همراه گلوله‌ها}$$

$$\text{حجم آب همراه گلوله‌ها} = v' = \frac{355}{1} = 355cm^3$$

$$\text{حجم گلوله‌ها} = v_p = v_1 - v' = 495 - 355 = 140cm^3$$

$$\text{چگالی گلوله‌ها} = \rho = \frac{m}{v_p} = \frac{350}{140} = 2.5g/cm^3$$

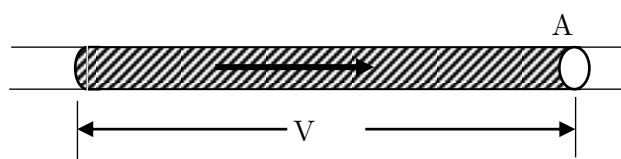
۲- فرض کنید مطابق شکل (۶۶-۲) مایعی درون یک لوله به سطح مقطع s و با سرعت v جریان دارد. می‌خواهیم حجم مایعی که در یک ثانیه از مقطع معینی مثلاً A از لوله می‌گذرد را حساب کنیم. روی لوله طول v را در نظر می‌گیریم.

پس از یک ثانیه تمام مایعی که در قسمت مشخص شده لوله قرار دارد، از مقطع A می‌گذرد. بنابراین حجم مایعی که در واحد زمان از مقطع معینی می‌گذرد چنین است:

$$v = sv$$

اکنون مطابق شکل (۶۷-۲) یک شیر آب را در نظر بگیرید. حجم آبی که در یک ثانیه از دهانه شیر خارج می‌شود، عبارت است از:

$$v = s_1 v_1$$

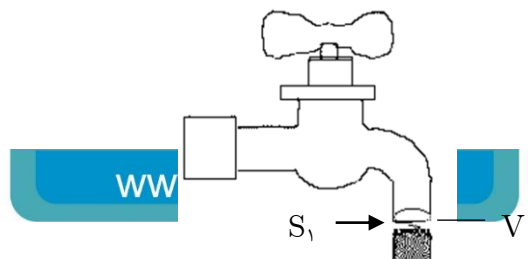


شکل (۶۶-۲)

هنگامی که آب پایین می‌رود، بر سرعتش افزوده می‌شود و به $v_1 < v_p$ می‌رسد و چون از مقطع s_p نیز باید همان مقدار آب در ثانیه بگذرد، پس باید s_p از s_1 کوچکتر شود. از تساوی مقدار آبی که در ثانیه از هر مقطعی می‌گذرد، داریم:

$$s_1 v_1 = s_p v_p$$

$$s_p = \frac{v_1}{v_p} s_1$$



میان سرعت در دو ارتفاع مختلف رابطه زیر برقرار است:

$$v_2^2 - v_1^2 = 2gh$$

$$v_2^2 = 2 \times 10 \times 0 / 75 + 1 = 16$$

$$v_2 = 4 \text{ m/s}$$

$$s_2 = \frac{\pi}{4} D_2^2 = \frac{v_1}{v_2} \frac{\pi}{4} D_1^2$$

$$D_2 = \sqrt{\frac{1}{4} D_1} = \frac{1}{2} \text{ cm}$$

۳- در هر ثانیه، همراه قطره‌های باران، 10^{-2} coul بار الکتریکی به هر مترمربع از سطح زمین می‌رسد. اگر بار الکتریکی در واحد سطح زمین را σ بگیریم مدتی که لازم است تا بارهای رسیده به زمین، بار سطحی زمین را خنثی کنند، چنین است.

$$\sigma = It$$

$$t = \frac{9 \times 10^{-11}}{10^{-12}} = 90 \text{ s}$$

باری که در اثر جریان، در شبانه‌روز به زمین می‌رسد، چنین است:

$$q = It' = 10^{-12} \times 86400 = 8 / 64 \times 10^{-8} \text{ coul}$$

باری که در شبانه‌روز به تمام سطح زمین می‌رسد چنین است:

$$Q = qs = 8 / 64 \times 10^{-8} \times 4\pi \times (6 / 4 \times 10^6)^2$$

$$Q = 4 / 5 \times 10^9 \text{ coul}$$

این مقدار بار توسط ۴۰۰۰۰ صاعقه خنثی می‌شود تا بار زمین محفوظ بماند. بار هر صاعقه چنین است.

$$Q' = \frac{4 / 5 \times 10^9}{40000} = 1 / 1 \times 10^3 \text{ coul}$$

۴- در شکل (۲-۶۸) لوله در ظروف جیوه و نیز بیرون آن نشان داده شده است. فشار و حجم هوای بالای جیوه در دو حالت با رابطه زیر به هم مربوطاند. در تمام رابطه‌ها سطح مقطع لوله حذف شده است و در نتیجه به جای حجم ارتفاع نوشته شده است.

(۱-۲)

$$p_0 h_1 = p_1 h_2$$

$$v_0 \times 15 = p_1 h_2$$



از طرفی فشار هوا و جیوه باقیمانده در لوله باید با فشار هوای بیرون برابر باشد. پس داریم:

(۲-۲)

$$p_r + (30 - h_r) = p_0$$

$$h_r^2 + 40h_r - 1050 = 0$$

از دو معادله (۱-۲) و (۲-۲) بالا داریم:

$$h_r = 20 \pm \sqrt{400 + 1050}$$

$$h_r = 18$$

$$h = 30 - 18 = 12 \text{ cm}$$

$$p_r = 40 + h_r = 40 + 12 = 52 \text{ cmHg}$$

در شکل (۶۹-۲) لوله وارونه شده نشان داده شده است.

برای هوای زیر جیوه داریم:

$$p_r h_r = p_0 h_1$$

$$p_r = p_0 + h = 70 + 12 = 82 \text{ cmHg}$$

$$h_r = \frac{p_0 h_1}{p_r} = \frac{15 \times 70}{82} = 12.7 \text{ cm}$$

۵- الف - میله ab بر اثر نیروی وزن سقوط می کند و مساحت $abcd$ که شار مغناطیسی از آن می گذرد تغییر می کند. (به شکل ۷۰-۲) نگاه کنید) این تغییر شار نیروی محرکه القایی به وجود می آورد و این نیروی محرکه در مدار بسته $abcd$ جریان القایی به وجود می آورد. از طرف میدان مغناطیسی بر میله ab که جریان از آن می گذرد نیروی وارد می شود که مطابق قانون لنز این نیرو باید رو به بالا باشد تا با عامل ایجاد نیروی محرکه یعنی سقوط میله مخالفت کند. ابتدا که سرعت کم است، نیروی محرکه القایی، جریان و نیروی رو به بالا کم است و به تدریج زیاد می شود. هنگامی که این نیرو با وزن برابر شد، شتاب میله صفر شده و سرعت ثابت می ماند.

ب - در سرعت حد نیروی وارد بر جریان با وزن برابر است.

$$mg = i_m \ell B$$

$$i_m = \frac{mg}{\ell B}$$

جهت جریان با قاعده دست راست به دست می آید که از a به طرف b است. اگر در هر لحظه نیروی محرکه القایی را E و سرعت را v فرض

کنیم، داریم:

$$E = B\ell v$$

 هنگامی که میله به سرعت حد می‌رسد، E و V بیشترین مقدار را خواهد داشت.

$$E = i_m R = B\ell v_m$$

$$v_m = \frac{i_m R}{B\ell} = \frac{mgR}{B^2 \ell^2}$$

ج- چون سرعت ثابت است (پس از رسیدن به سرعت حد)، میله در مدت t به اندازه $h = v_m t$ سقوط می‌کند و کاهش انرژی پتانسیل گرانشی چنین است.

$$mgh = mgv_m t = \frac{m^2 g^2 R t}{B^2 \ell^2} = Ri_m^2 t = R \frac{m^2 g^2}{\ell^2 B^2} t$$

$$Ri_m^2 t = R \frac{m^2 g^2}{\ell^2 B^2} t$$

ملاحظه می‌شود که کاهش انرژی پتانسیل گرانشی با انرژی گرمایی تولید شده در میله یکسان است.

۶- الف - افزایش طول میله آلومینیومی AB بر اثر افزایش دمای یک درجه سلسیوس چنین است:

$$\Delta \ell = \ell \lambda \Delta \theta = 40 \times 2 / 6 \times 10^{-5} \times 1 = 1 / 0.4 \times 10^{-3} \text{ cm}$$

 با افزایش طول میله AB ، مطابق شکل (۲-۷۱) آینه دور لولای c به اندازه زاویه α می‌چرخد. چون زاویه α کوچک است، داریم:

$$\alpha = \frac{\Delta \ell}{BC} = \frac{1 / 0.4 \times 10^{-3}}{2} = 0.125 \times 10^{-3} \text{ Rad} \quad (۲-۴)$$

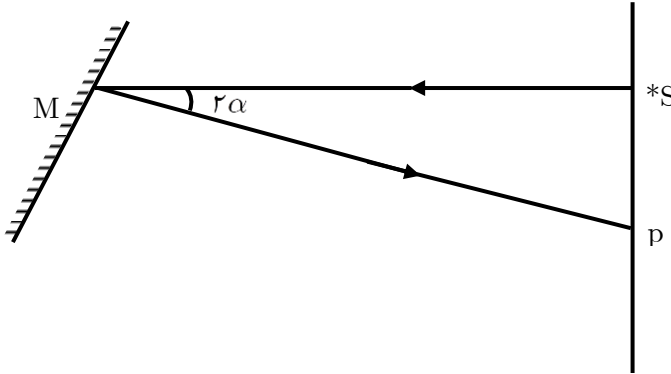
هنگامی که آینه به اندازه زاویه α می‌چرخد، نور بازتابیده به اندازه زاویه 2α می‌چرخد و با توجه به شکل (۲-۷۲) برای فاصله نقطه روشن p از چشمه s داریم:

$$sp = 2\alpha \times MS \quad (۲-۵)$$

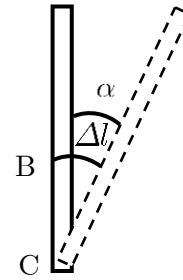
$$sp = 1 / 0.4 \times 10^{-3} \times MS$$

Sp تغییر لکه نورانی برای یک درجه سلسیوس افزایش دما است. می‌خواهیم این مقدار از 0.5 cm کمتر نباشد، زیرا دقت اندازه‌گیری طول روی پرده حداکثر 0.5 cm است. پس:

$$MS)_{\min} = \frac{0.5}{1/0.4 \times 10^{-3}} = 48.0 \text{ cm} = 4 / \lambda m$$



شکل (۷۲-۲)



شکل (۷۱-۲)

ب - برای دقت بیشتر در اندازه‌گیری دما، به ازای افزایش دمای معین باید جابه‌جایی لکه نورانی بیشتر باشد. از رابطه‌های (۳-۲) و (۴-۲) و (۵-۲) برای انحراف لکه نورانی داریم:

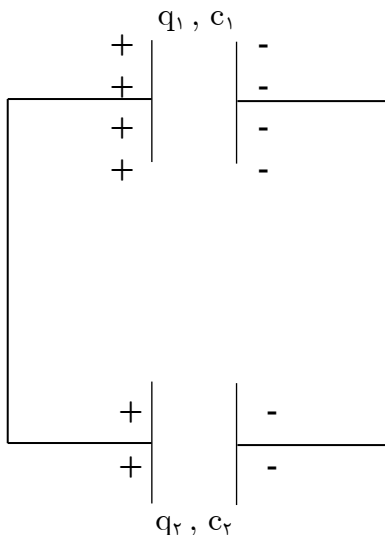
$$sp = 2 \frac{\Delta \ell}{BC} \times MS = 2 \frac{\ell \lambda \Delta \theta}{BC} \times MS \quad (۶-۲)$$

فاصله sp از حد معینی نباید کمتر باشد ولی می‌خواهیم $\Delta \theta$ هر چه ممکن است کوچکتر باشد، یعنی اندازه‌گیری دما با دقت بیشتری انجام شود. از رابطه (۶-۲) پیداست که باید:

- طول میله AB تا حد مقدور بزرگ باشد.
- طول آینه BC تا حد مقدور کوچک باشد.
- ضریب انبساط حرارتی میله AB تا حد مقدور بزرگ باشد.
- فاصله پرده از آینه، MS تا حد مقدور بزرگ باشد.

۷- خازن‌ها در شکل (۷۳-۲) نشان داده شده است:

الف - اگر $v_1 = \frac{q_1}{c_1} = \frac{q_2}{c_2} = v_2$ باشد، اختلاف پتانسیل دو خازن یکسان است و با اتصال صفحات همنام، نقاط هم پتانسیل به هم وصل شده‌اند و در این صورت اتفاقی نخواهد افتاد. ولی اگر $v_1 \neq v_2$ باشد، دو نقطه با پتانسیل‌های متفاوت به هم وصل شده‌اند. در این حالت بارهای الکتریکی از پتانسیل بالاتر به طرف پتانسیل پایین‌تر حرکت می‌کنند و کاهش انرژی پتانسیل بارهای الکتریکی، درسیم به حرارت تبدیل می‌شود. پس خازن‌ها پس از اتصال به هم انرژی کمتری خواهند داشت.



شکل (۷۳-۲)

ب - پس از اتصال خازن‌ها به هم، می‌توان آن را معادل یک خازن با ظرفیت $c = c_1 + c_2$ دانست که بار آن $q = q_1 + q_2$ است. در این صورت انرژی بعدی چنین است.

$$u_2 = \frac{1}{2} \frac{(q_1 + q_2)^2}{c_1 + c_2}$$

$$u_1 = \frac{1}{2} \frac{q_1^2}{c_1} + \frac{1}{2} \frac{q_2^2}{c_2}$$

برای انرژی قبلی در خازن داریم:
تغییر انرژی چنین است:

$$\Delta u = u_2 - u_1 = \frac{1}{2} \left[\frac{(q_1 + q_2)^2}{c_1 + c_2} - \frac{q_1^2}{c_1} - \frac{q_2^2}{c_2} \right]$$

$$2\Delta u(c_1 + c_2) = q_1^2 + q_2^2 + 2q_1q_2 - \frac{c_1 + c_2}{c_1} q_1^2 - \frac{c_1 + c_2}{c_2} q_2^2$$

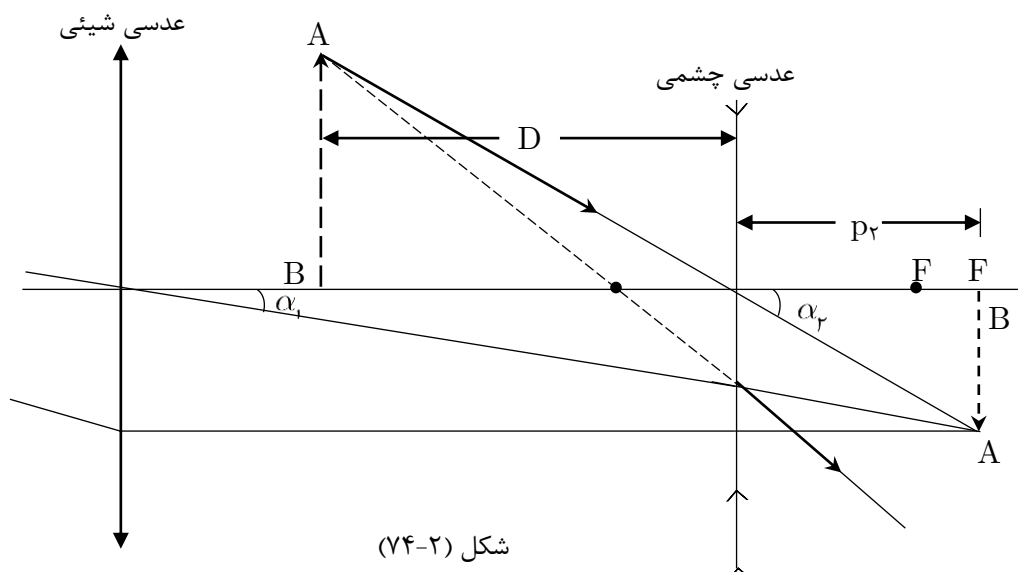
$$= - \left[\frac{c_2}{c_1} q_1^2 + \frac{c_1}{c_2} q_2^2 - 2q_1q_2 \right]$$

$$= - \frac{c_2}{c_1} \left[q_1^2 + \left(\frac{c_1}{c_2} q_2 \right)^2 - 2q_1 \frac{c_1}{c_2} q_2 \right]$$

$$= - \frac{c_2}{c_1} \left[q_1 - \frac{c_1}{c_2} q_2 \right]^2 < 0$$

چون $\Delta u < 0$ است، پس انرژی خازن‌ها پس از اتصال به هم کاهش یافته است.

۸- الف - مسیر پرتوهای نور در شکل (۷۴-۲) نشان داده شده است.



ب - از جسمی که بسیار دور است، تصویری در کانون عدسی شیئی تشکیل می‌شود. بزرگی زاویه‌ای α_1 را می‌توان با توجه به کوچک بودن

آن چنین نوشت: $\alpha = \frac{AB_1}{f_1}$

که در آن f_1 فاصله کانونی عدسی شیئی است.

برای عدسی چشمی داریم:

و با توجه به کوچکی α_p ، داریم:

$$\frac{1}{-p_r} + \frac{1}{-D} = \frac{1}{-f_r}$$

$$p_r = \frac{f_r D}{D - f_r}$$

$$\alpha_r = \frac{A_1 B_1}{f_r} = \frac{A_1 B_1 (D - f_r)}{f_r D}$$

بنا به تعریف درشتنمایی نسبت دو بزرگی زاویه‌ای است.

$$G = \frac{\alpha_r}{\alpha_1} = \frac{A_1 B_1 (D - f_r)}{f_r D} \times \frac{f_1}{A_1 B_1} = \frac{f_1}{f_r} \left(1 - \frac{f_r}{D}\right) = \frac{f_1}{f_r} - \frac{f_1}{D}$$

ج - در چشم سالم، حداکثر رویت بینهایت است، با قرار دادن $D = \infty$ در رابطه بالا داریم:

$$G = \frac{f_1}{f_r}$$